

O'ZBEKISTON RESPUBLIKASI
OLIY TA'LIM, FAN VA INNOVATSIYALAR VAZIRLIGI
FARG'ONA DAVLAT UNIVERSITETI

**FarDU.
ILMIY
XABARLAR**

1995-yildan nashr etiladi
Yilda 6 marta chiqadi

1-2025
ANIQ FANLAR

**НАУЧНЫЙ
ВЕСТНИК.
ФерГУ**

Издаётся с 1995 года
Выходит 6 раз в год

MATEMATIKA

U.X.Xonqulov

Geometriyada o‘rganiladigan trigonometrik masalalar haqida 4

A.KYusupova, Sh.X.Nabijonov

Ikki o‘lchovli Romanovskiy taqsimoti haqida 10

A.O.Mamanazarov, Sh.B.Mahmudjonova

Inverse source problem for a degenerate subdiffusion equation..... 17

FIZIKA TEXNIKA

N.Sh.Nurolliyev, B.A.Sadulloyev

Qurilish materiallarida avtomatlashgan alfa test qurilmasi yordamida qattiq jismlar defarmatsiyasini o‘rganish 28

A.I.Azamatov

Solar insolation analysis tools for residential buildings in healthy living environment design 36

Sh.Shuxratov, N.Yunusov

Takomillashtirilgan ishchi qismga ega bo‘lgan arrali jinni ishlab chiqish..... 44

J.Y.Roziqov, Q.Q.Muhammadaminov

Atmosfera qattalaridan diffuz ravishda o‘tgan va qaytgan quyosh nurlanish oqimlarini spektral va burchak taqsimotini hisoblash..... 47

М.Т.Нормурадов, К.Т.Довранов, А.Р.Кодиров, Д.НормуминоваФормирование нанофазных пленок Cu₁₅Si₄/Si на поверхности кремния и их электрофизические свойства 51**A.Otaxo’jayev, Sh.R.Komilov, R.M.Muradov**

Jinlash jarayonini takomillashtirish asosida tola sifatini yaxshilash. 59

I.A.Muminov, D.B.Ahmadjonova

Brilluen zonalarining kristall panjaradagi elektron xususiyatlarni aniqlashdagi ahamiyati..... 66



УО'К: 538.915: 535.34

BRILLUEN ZONALARINING KRISTALL PANJARADAGI ELEKTRON XUSUSIYATLARNI ANIQLASHDAGI AHAMIYATI

ЗНАЧЕНИЕ ЗОН БРИЛЛЮЭНА В ОПРЕДЕЛЕНИИ ЭЛЕКТРОННЫХ СВОЙСТВ КРИСТАЛЛИЧЕСКОЙ РЕШЕТКИ

THE IMPORTANCE OF BRILLOUIN ZONES IN DETERMINING THE ELECTRONIC PROPERTIES OF A CRYSTAL LATTICE

Muminov Islomjon Arabboyevich¹

¹Farg'ona davlat universiteti, fizika-matematika fanlari bo'yicha falsafa doktori (PhD)

Ahmadjonova Diyoraxon Bahromjon qizi²

²Farg'ona davlat universiteti, Fizika yo'nalishi talabasi

Annotatsiya

Ushbu maqolada Brilluen zonalarining kristall panjaradagi elektron xususiyatlarni aniqlashdagi ahamiyati tahlil qilinadi. Brilluen zonasini kristall panjara simmetriya xususiyatlari bilan bog'liq bo'lib, elektronlarning energiya spektrini va ularning kvant holatlarini belgilashda muhim rol o'ynaydi. Maqola davomida birinchi Brilluen zonasining tuzilishi va yuqori tartibli zonalarning o'ziga xosligi ko'rib chiqiladi. Shuningdek, elektron tarmoqli tuzilishi va materiallarning elektr, optik va magnit xususiyatlariiga ta'siri tahlil qilinadi.

Аннотация

В данной статье анализируется значение зон Бриллюэна в определении электронных свойств кристаллической решетки. Зона Бриллюэна связана с симметрией кристаллической решетки и играет важную роль в определении энергетического спектра электронов и их квантовых состояний. В статье рассматривается структура первой зоны Бриллюэна, а также особенности зон более высокого порядка. Кроме того, анализируется влияние зон Бриллюэна на электронную зонную структуру и электрические, оптические и магнитные свойства материалов.

Abstract

This article analyzes the significance of Brillouin zones in determining the electronic properties of a crystal lattice. The Brillouin zone is associated with the symmetry properties of the crystal lattice and plays a crucial role in defining the energy spectrum of electrons and their quantum states. The article examines the structure of the first Brillouin zone as well as the characteristics of higher-order zones. Additionally, the impact of Brillouin zones on the electronic band structure and the electrical, optical, and magnetic properties of materials is analyzed.

Kalit so'zlar: Brilluen zonasasi, kristall panjarasi, elektron tarmoqli tuzilishi, kvant mexanika, energiya spektri, yarimo'tkazgichlar, materialshunoslik.

Ключевые слова: Зона Бриллюэна, кристаллическая решетка, электронная зонная структура, квантовая механика, энергетический спектр, полупроводники, материаловедение.

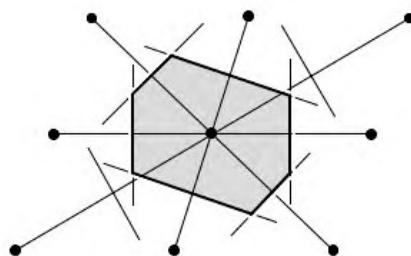
Key words: Brillouin zone, crystal lattice, electronic band structure, quantum mechanics, energy spectrum, semiconductors, materials science.

KIRISH

Brilluen zonasasi - bu kristall panjaraning impulslar fazosidagi yagona ta'riflangan elementlar panjara bo'lib, u Blox funksiyalari orqali tavfsivlanadi. Bu funksiyalar kristall panjarasidagi elektronlarning kvant holatlarini ifodalaydi. Elektr maydonining ta'siri natijasida, Brilluen zonasidagi elektronlar taqsimlanishi siljishi va energiya spektrida o'zgarishlar kuzatiladi. Brilluen zonalari qattiq jismlar fizikasida kristallning o'zaro panjarasini o'z ichiga olgan tushunchadir. Ular kristallar davriy tuzilmalarning simmetriyasini hamda elektronlar va fononlar kabi to'lqinlarning harakatini o'rganish uchun ishlataladi.

ADABIYOTLAR TAHLILI VA METODOLOGIYA

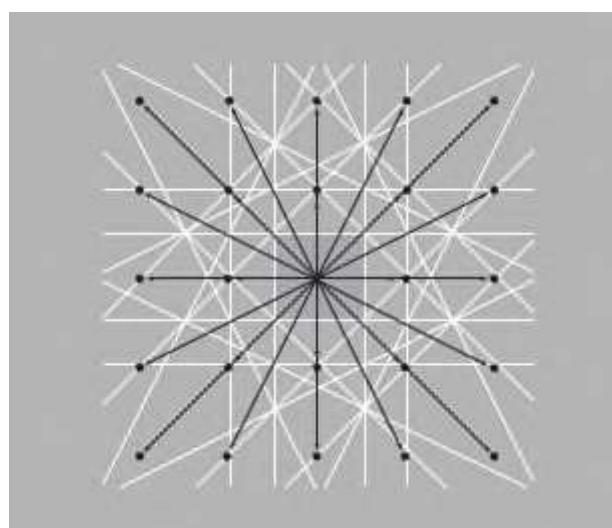
Brilluen zonalari o'zaro fazoda koordinatali to'r vektorlari bilan kesishgan tekisliklarni o'zaro bog'lash orqali quriladi. Birinchi Brilluen zonasasi - bu har qanday boshqa o'zaro panjara nuqtasiga qaraganda boshlang'ichga yaqinroq bo'lgan tekisliklar bilan o'ralgan kichik hajm. Yuqori tartibli Brilluen zonalari xuddi shunday tarzda, keyingi davriy takrorlanishlar to'plamidan foydalangan holda qurilgan.



1-rasm.Wigner-Seitz kristall
panjarasi

Har bir Brilluin zonasasi yuqorida tavsiflangan to'lqinlar uchun bir qator mumkin bo'lgan to'lqin vektorlarini ifodalaydi. Masalan, kristalldagi elektronlar holatida Brilluen zonasasi elektron momentining ruxsat etilgan tarmog'ini aniqlaydi.

Kristall panjarada uch o'lchamli panjara hosil qilish uchun kristall barcha yo'nalishlarda davriy ravishda takrorlanadi. Brilluen zonasasi kristall panjara bilan diffraksiyanishi mumkin bo'lgan barcha to'lqin vektorlarini o'z ichiga olgan fazoning sohasidir. U o'zaro panjara vektorlarining o'rta nuqtalarini bog'lash orqali tuzilgan o'zaro panjaraning Wigner-Seitz panjarasi sifatida aniqlanadi. Ular odatda o'zaro fazoda ko'pburchaklar yoki ko'pburchaklar sifatida tasvirlangan, yuzlar soni kristall simmetriya bilan belgilanadi. Birinchi Brilluen zonasasi ko'pincha oddiy kubik panjaralarda muntazam oktaedr yoki kub, olti burchakli panjaralarda olti burchakli prizma va yuz markazli kubik panjaralarda kesilgan oktaedr sifatida ko'rsatilgan. Yuqori tartibli zonalar shakli murakkablashadi va ularni tasavvur qilish qiyinroq bo'ladi.



2-rasm Kvadrat ichiga o'zaro panjara qora chiziqlar sifatida ko'rsatilgan. Markazdagi kvadrat Wigner-Seitz o'zaro panjaraning yacheykasi hisoblanadi. U birinchi Brilyuen zonasasi deb ataladi.

Brilluen zonasasi tushunchasi muhim ahamiyatga ega, chunki u bizga kristall panjaraning elektron xususiyatlarini tushunish imkonini beradi. Kristalning elektron tarmoqli tuzilishi elektronlarning kristall panjaraning davriy potensiali bilan o'zaro ta'siri bilan aniqlanadi. Brillouin

zonasidagi elektron tarmoqli strukturasini tahlil qilib, biz materialning elektr o'tkazuvchanligi, optik xususiyatlari va magnit xususiyatlari kabi elektron xususiyatlarini aniqlashimiz mumkin.

Brilluen zonasini bilan bog'liq bir qancha muhim tushunchalar mavjud, jumladan, birinchi Brilluen zonasini, bu o'zaro panjaraning kelib chiqishini o'z ichiga olgan eng kichik Brilluen zonasini va Brilluen zonasini yuzasi bilan kesishadigan sohada bo'lgan zona chegarasi. Zona chegarasi muhim ahamiyatga ega, chunki u kristalning elektron xususiyatlarini aniqlaydi. Brilluen zonalari materiallarning elektron tarmoqli tuzilishini tahlil qilish uchun keng mazmunni kasb etadi va materialshunoslik, kondensatsiyalangan moddalar fizikasi va qattiq jismlar elektronikasi kabi qator sohalarda muhim ahamiyatga ega. Kvadrat uchun 2-rasmida kristallning Fourier fazosi ko'rsatilgan.

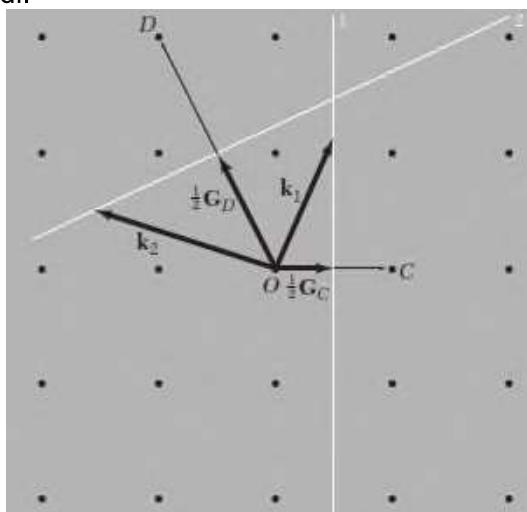
NATIJA VA MUHOKAMA

Brilluen qattiq jismlar fizikasida eng ko'p qo'llaniladigan difraksiya holatini bayon qildi, bu elektron energiya zonasini nazariyasini va boshqa turdagini elementar qo'zg'alishlarni tavsiflashda muhim imkoniyatlarni ochib berdi. Brilluin zonasini o'zaro panjaradagi sifatida aniqlanadi. (To'g'ridan-to'g'ri panjaradagi ko'rinishi 1-rasmida ko'rsatilgan.)

Brillen zonasini $2\vec{k} \cdot \vec{G} = G^2$ tenglamaning difraksiya shartining geometrik mazmunini beradi. Yuqorida ifodani ikkala tomonni 4 ga bo'lamiz

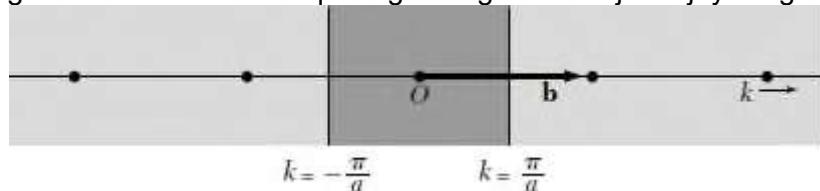
$$\vec{k} \cdot \left(\frac{1}{2}\vec{G}\right) = \left(\frac{1}{2}G\right)^2 \quad (1)$$

Endi biz o'zaro fazoda, \vec{k} va \vec{G} vektorlarning fazosida ishlaymiz. \vec{a} ni shunday tanlaylikki unda \vec{G} vektor koordinata boshidan o'zaro panjara nuqtasiga urinma tarzda yo'nalgan bo'lsin. Shunday to'g'ri chiziqlar chizaylikki, uning o'rta nuqtasi \vec{G}_C vektoriga mos keladigan bo'lsin. Bu tekislik zona chegarasining bir qismini tashkil qiladi (3-rasm). \vec{k} to'lqin vektorli rentgen nurlari kristallarda difraksiyalanadi.



3-rasm. Bu rasmda O nuqta yaqinidagi o'zaro panjara nuqtalari o'zaro panjaraning hosil bo'lishi tasvirlangan. O'zaro panjara \vec{G}_C vektori OC nuqtalarini tutashtiradi va \vec{G}_D esa OD nuqtalarni birlashtiradi. 1 va 2 perpendikulyar bo'lgan ikkita tekislik chizilgan, mos ravishda bu tekisliklar \vec{G}_C va \vec{G}_D ning bissektrisalari bo'lib qoladi.

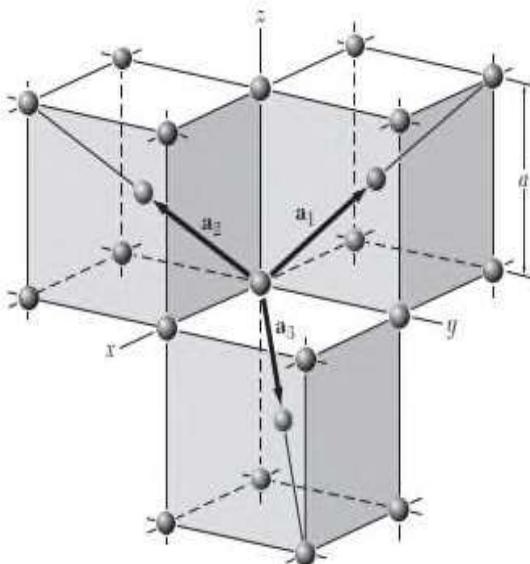
O'zaro panjara vektorlari perpendikulyar bissektrisalar bo'lgan tekisliklar to'plami to'lqinlarning tarqalishi nazariyasida umumiyligi ahamiyatga ega. O'zaro panjaradagi markaziy yacheyska alohida ahamiyatga ega. U birinchi Brilluen zonasini deb ataladi. Birinchi Brilluen zonasini perpendikulyar bo'lgan tekisliklar bilan to'liq o'ralgan eng kichik hajmda joylashgan.



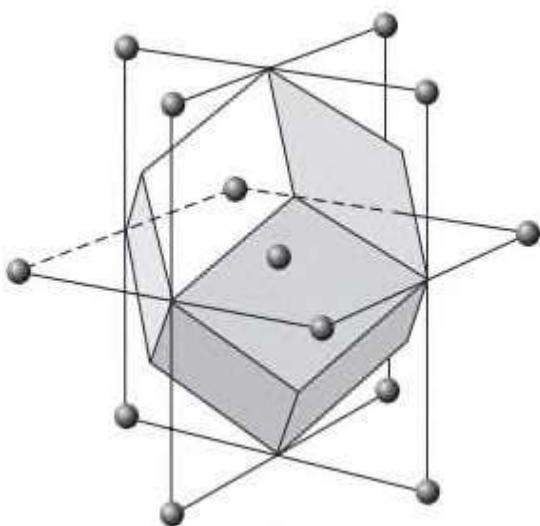
4-rasmida bir o'lchamdagagi kristall va o'zaro panjaralar to'lqin vektori fazosida tasvirlangan. O'zaro bazis vektori uzunligi b ga teng bo'lgan eng qisqa o'zaro to'r vektorlari

FIZIKA-TEXNIKA

boshlang'ichdan $2\pi/a$ masofada yotadi. Bu vektorlarning perpendikulyar bissektrisalari birinchi Brilluen zonasining chegaralarini tashkil qiladi. Bunda to'lqin vektori $\mathbf{k} = \pm\pi/a$ qiymatlarni qabul qiladi.



5.a-rasm. Kristall panjarasining bazis vektorlari (kubik panjara).

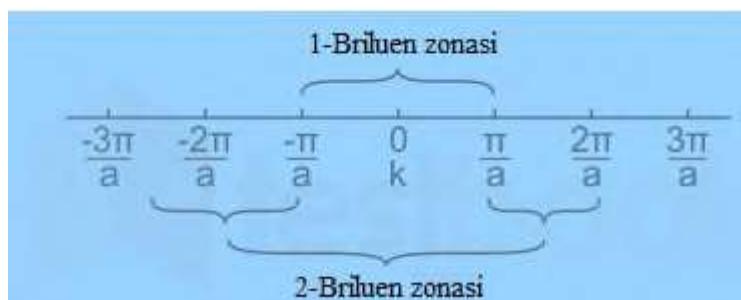


5.b-rasm. Kristallning birinchi Brilluen zonasining markazlashtirilgan kubik panjara (rombsimon dodekaedr).

Birinchi Brilluen zonalarining chegaralari oltita normal tekisliklardan iborat bo'lib, ular o'rta nuqtalarida o'zaro panjara vektorlarini hosil qiladi:

$$\pm\frac{1}{2}\mathbf{b}_1 = \pm(\pi/a)\hat{x}; \quad \pm\frac{1}{2}\mathbf{b}_2 = \pm(\pi/a)\hat{y}; \quad \pm\frac{1}{2}\mathbf{b}_3 = \pm(\pi/a)\hat{z} \quad (2)$$

Bir kubni qirrasi $\frac{2\pi}{a}$ va hajmi $\left(\frac{2\pi}{a}\right)^3$ bo'lsa bu oltita tekislik kub bilan bog'laydi, hamda u panjara kristall panjarasining birinchi Brilluen zonasini hisoblanadi.



6-rasmda 1-va 2-Brilluen zonalari tasvirlangan.

XULOSA

Ushbu maqolada Brilluen zonalarining kristall panjaradagi elektron xususiyatlarni aniqlashdagi ahamiyati keng tahlil qilindi. Kuzatish davomida Brilluen zonalarining hosil bo'lish mexanizmi, ularning kristall panjaraning simmetriyasi bilan bog'liqligi hamda elektronlarning energiya spektrini belgilashdagi roli o'rganildi. Birinchi Brilluen zonasining geometriyasi va yuqori tartibli zonalarning shakllanish qonuniyatları aniqlandi. Olingan natijalarga ko'ra, Brilluen zonalari kristall panjaraning elektron tarmoqli tuzilishini aniqlashda muhim ahamiyatga ega ekani isbotlandi. Elektronlarning kvant holatlari va ularning harakat trayektoriyalari Brilluen zonasining chegaralari bilan aniqlanadi, bu esa materiallarning elektr, optik va magnit xususiyatlariiga bevosita ta'sir qiladi. Shuningdek, tadqiqotda kristall panjaradagi diffraksiya va energiya zonalari oralig'idagi o'zaro bog'liqlik ham o'rganildi.

ADABIYOTLAR RO'YXATI

1. Kittel, C. *Introduction to Solid State Physics* (8th ed.), Wiley. (2005).
2. Ashcroft, N. W., Mermin, N. D. *Solid State Physics*. Holt, Rinehart and Winston. (1976).
3. Ibach, H., Lüth, H. *Solid-State Physics: An Introduction to Principles of Materials Science*. Springer. (2009).
4. Brillouin, L. *Wave Propagation in Periodic Structures*. Dover Publications. (1953).
5. Bloch, F. "Über die Quantenmechanik der Elektronen in Kristallgittern." *Zeitschrift für Physik*, 52, 555–600. (1929).